



## Kombinatorik Info

Variation mit Wiederholung	Variation ohne Wiederholung
<p>Wie viele Möglichkeiten existieren, ein Wort aus drei der 26 verschiedenen Buchstaben zu bilden?</p> $26^3 = 17\,576$ <p>Urnenmodell: Aus einer Urne mit <math>n</math> unterschiedlichen Kugeln werden <math>k</math> Kugeln mit Berücksichtigung der Reihenfolge gezogen. Es existieren</p> $n^k$ <p>verschiedene Ergebnisse.</p>	<p>Wie viele Möglichkeiten gibt es in der FS11c mit 24 Schülern, einen ersten und zweiten Klassensprecher zu wählen?</p> $24 \cdot 23 = 552$ <p>Im Urnenmodell entspricht dies einem <math>k</math>-maligen Ziehen aus der Urne mit <math>n</math> Kugeln ohne Zurücklegen.</p> $n \cdot (n - 1) \cdot \dots \cdot (n - k + 1)$ <p>Möglichkeiten.</p>
Permutationen	Kombinationen
<p>Wie hoch ist die Anzahl der Möglichkeiten, fünf verschiedenfarbige Gummibärchen anzuordnen?</p> $5! := 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 120$ <p>Aus der Urne mit <math>n</math> verschiedenen Kugeln werden alle Kugeln gezogen mit Berücksichtigung der Reihenfolge.</p> $n!$ <p>Möglichkeiten. Der Ausdruck <math>n! = n \cdot (n - 1) \cdot \dots \cdot 2 \cdot 1</math> wird dabei <b>n Fakultät</b> genannt.</p>	<p>Auf wie viele verschiedene Arten kann man drei gleiche Äpfel und zwei identische Birnen anordnen?</p> $\binom{5}{2} = \frac{5!}{3! \cdot 2!} = 10$ <p>Es wird <math>k</math>-mal aus einer Urne mit <math>n</math> Kugeln gezogen ohne Zurücklegen und ohne Berücksichtigung der Reihenfolge. Dabei gibt es</p> $\binom{n}{k} = \frac{n!}{(n-k)! \cdot k!}$ <p>Möglichkeiten („<math>n</math> über <math>k</math>“ bzw. „<math>k</math> über <math>n</math>“). Der Begriff <math>\binom{n}{k}</math> heißt <b>Binomialkoeffizient</b>.</p>